



## სილიციუმ-გერმანიუმის შენადნობის თერმოელექტრული მახასიათებლების დამოკიდებულება მასალის განზოგადოებულ პარამეტრსა და ელექტრონული ვარგისიანობის ფაქტორზე

რაფიელ თხინვალელი,<sup>1</sup> ზურაბ ადამია,<sup>2,3</sup> ლაშა ლორია,<sup>4</sup> ირაკლი ნახუცრიშვილი<sup>1</sup>

<sup>1</sup>საქართველოს ტექნიკური უნივერსიტეტის კიბერნეტიკის ინსტიტუტი; <sup>2</sup>სოხუმის ფიზიკისა და  
ტექნოლოგიის ინსტიტუტი; <sup>3</sup>საქართველოს უნივერსიტეტი; <sup>4</sup>თბილისის სახელმწიფო უნივერსიტეტი

### რეზიუმე

განხილულია სილიციუმ-გერმანიუმის შენადნობის განზოგადოებული პარამეტრი  $B^*$ . შესწავლილია მასალის ფაზური შემადგენლობის ( $Si_xGe_{1-x}$ ,  $x=0.7, 0.72, 0.76, 0.8$  და  $0.83$ ) გავლენა აღნიშნულ პარამეტრზე ოთახის ტემპერატურასთან მიახლოვებულ პირობებში. ასევე აგებულია დამოკიდებულება ელექტრონული ვარგისიანობის ფაქტორსა და განზოგადოებულ პარამეტრს შორის. მიღებულია ფორმულა, რომელიც პირდაპირ აკავშირებს მასალის განზოგადოებულ პარამეტრს ელექტრონული ვარგისიანობის ფაქტორთან  $Si_xGe_{1-x}$ -ის მოცემული შემადგენლობისათვის.

**საკუთრო სიტყვები:**  $Si_xGe_{1-x}$  შენადნობი, თერმოელექტრული მასალის განზოგადოებული პარამეტრი, ელექტრონული ვარგისიანობის ფაქტორი.

### შესავალი

თერმოელექტრული მასალებით ხორციელდება პირდაპირი კონვერტაცია სითბურ და ელექტრულ ენერგიებს შორის. ამ მასალების ძირითადი მახასიათებელია თერმოელექტრული ვარგისიანობის ფაქტორი  $ZT = S^2 \sigma T / k$ , სადაც  $S$ ,  $T$ ,  $\sigma$  და  $k$  შესაბამისად ზეებეკის კოეფიციენტი, აბსოლუტური ტემპერატურა, ხვედრითი ელექტროგამტარობა და სითბოგამტარობის კოეფიციენტია.

ბოლო ათწლეულში შემუშავებულ იქნა ახალი მიდგომები ტრადიციული  $ZT$ -ს დასახასიათებლად. კერძოდ შემოღებულ იქნა ელექტრონული ვარგისიანობის ფაქტორისა ( $B_E$ ) და თერმოელექტრული მასალის განზოგადოებული პარამეტრის ( $B^*$ )<sup>(1)</sup> ცნებები [1,2]. ეს უკანასკნელი მოიცემა ფორმულით:

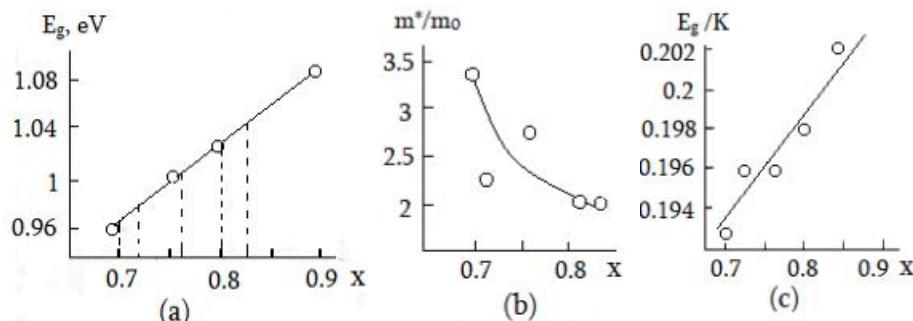
$$B^* = 6.668 \cdot 10^{-2} \frac{U^*}{k} E_g, \quad (1)$$

სადაც  $U^* = \mu (Tm^*/m_0)^{3/2}$  ( $\mu$  და  $m^*$  - მუხტის მატარებელთა ძვრადობა და ეფექტური მასა,  $m_0$  - ელექტრონის უძრაობის მასა,  $E_g$  - აკრძალული ზონის სიგანე).  $B^*$ -ში ურთიერთდაკავშირებულია ეს სამი ფუნდამენტური პარამეტრი ( $U^*$ ,  $k$ , და  $E_g$ ), რომლებიც მოქმედებენ ZT-ზე.

წინამდებარე ნაშრომში განხილულია სილიციუმ-გერმანიუმის შენადნობის  $B^*$ ,  $B_E$  და ZT პარამეტრები (ეს შენადნობი ფართოდ გამოიყენება მეცნიერებისა და ტექნიკის სხვადასხვა დარგში, მათ შორის თერმოელექტრობაში). კერძოდ, შესწავლილია ფაზური შემადგენლობის ( $\text{Si}_x\text{Ge}_{1-x}$ ,  $x=0.7, 0.72, 0.76, 0.8$  და  $0.83$ ) გავლენა აღნიშნულ პარამეტრებზე ( $300-306$ °K ტემპერატურებზე). გამოთვლილია აგრეთვე ელექტრონული ვარგისიანობის ფაქტორი  $B_E$  და ზოგიერთი სხვა თერმოელექტრული მახასიათებელი.

### მეთოდოლოგია

საკვლევი მასალის დოპირება ხდებოდა ფოსფორით N-ტიპის გამტარებლობის მისაღებად; მუხტის მატარებელთა კონცენტრაცია შეადგენდა  $n=3.2 \cdot 10^{26} \text{ m}^{-3}$ ; ძვრადობა და თბოგამტარობის კოეფიციენტი განისაზღვრებოდა ექსპერიმენტალურად; ეფექტური მასები კი გამოითვლებოდა თეორიულად (იხ. დამატება და ნახ. 5ბ); აკრძალული ზონის სიგანის სიდიდის განსასაზღვრელად გამოვიყენეთ ნაშრომ [3]-ში მოყვანილი  $E_g - x$  დამოკიდებულება (ნახ. 1), საიდანაც ვახდენდით ექსტრაპოლაციას  $x$ -ის საკვლევი მნიშვნელობებისაკენ.  $E_g$ -ს ზრდა მასალაში გერმანიუმის შემცველობის შემცირებით შეიძლება აიხსნას გერმანიუმის ატომის ელექტრონულ კონფიგურაციაში შევსებული 3d<sup>10</sup> გარსის გავლენით.

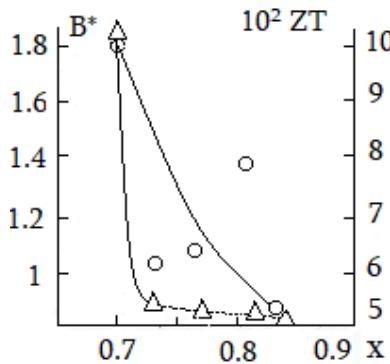


ნახ. 1. (a)  $E_g - x$  დამოკიდებულება ოთახის ტემპერატურისათვის [3], (b)  $m^*/m_0 - x$  და (c)  $E_g/k - x$  დამოკიდებულებები იმავე ტემპერატურაზე.

### შედეგების განხილვა

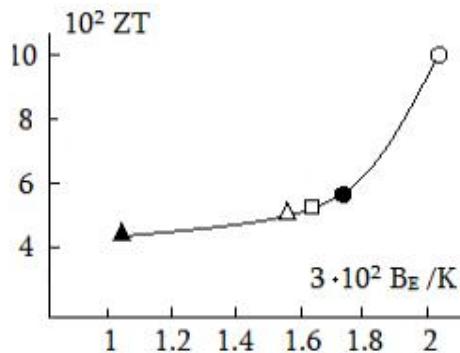
ნახ. 2-ზე მოყვანილია  $B^* - x$  და ZT - x დამოკიდებულებები  $\text{Si}_x\text{Ge}_{1-x}$ -სათვის. ნახაზზე ნაჩვენებმა ZT-ს სიდიდეებმა (~0.05-0.1) არ უნდა გვაფიქრებინოს, რომ SiGe შენადნობი დაბალი

თერმოელექტრული ვარგისიანობისაა: ამ მასალისათვის  $ZT$  აღწევს  $\sim 0.6$ -ს  $P$ -ტიპის ნიმუშებისათვის და  $\sim 0.8$ -ს  $N$ -ტიპისათვის, რაც დახლოებით  $940^{\circ}\text{C}$ -ზე იჩენს თავს [4,5].



ნახ.2.  $B^*$  -  $x$  (○) და  $ZT$  -  $x$  (Δ) დამოკიდებულებები.

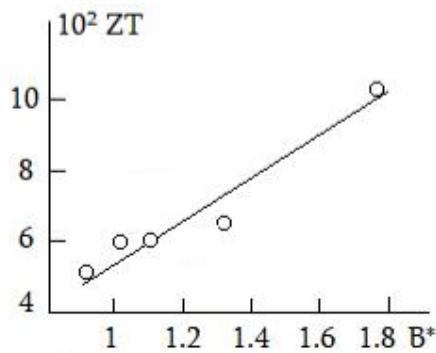
ელექტრონული ვარგისიანობის ფაქტორი მოიცემა გამოსახულებით  $B_E = \sigma S^2 / B_S$ , სადაც  $B_S = S_r \left[ \frac{S_r e^{(2-S_r)}}{1+e^{-5(S_r-1)}} + \frac{\pi^2}{3[1+e^{5(S_r-1)}]} \right]$  არის სიმძლავრის მასშტაბირებული ფაქტორი, ხოლო  $S_r$  - ზეებეკის დაყვანილი კოეფიციენტი:  $S = (q_e/k_B)S_r \approx 1.16 \cdot 10^4 S$  ( $q_e$  - ელემენტარული მუხტი,  $k_B$  - ბოლცმანის მუდმივა). [1]-ში მოყვანილია ოთახის ტემპერატურაზე  $ZT$ -ს მაქსიმლური სიდიდის დამოკიდებულება კომბინაცია  $B_E T / k$ -ზე სხვადასხვა თერმოელექტრიკული მასალისათვის. ნახ.3-ზე წარმოდგენილია ჩვენი მონაცემები, გამოთვლილი  $\text{Si}_x\text{Ge}_{1-x}$ -ის ყველა საკვლევი შემადგენლობისათვის.



ნახ.3.  $ZT - 300B_E/k$  დამოკიდებულებები  $\text{Si}_x\text{Ge}_{1-x}$ -სათვის:  $x=0.7$  (○), 0.72 (Δ), 0.76 (□), 0.8 (●) და 0.83 (▲).

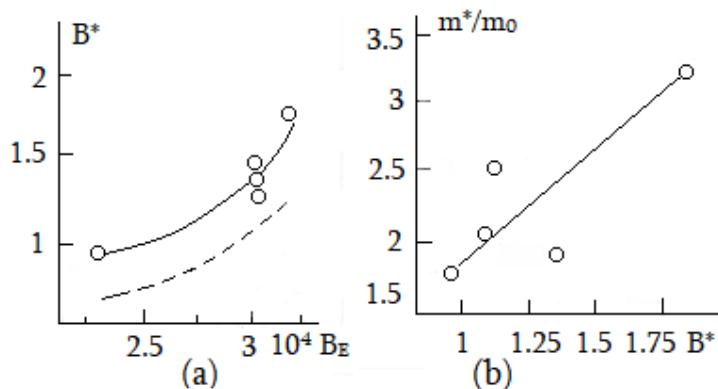
აქაც უნდა გავიმეოროთ, რომ  $ZT$ -ს მოყვანილი მნიშვნელობები არ წარმოადგენს ამ პარამეტრის მაქსიმალურ სიდიდეებს. პირიქით: ეს მნიშვნელობები ყველაზე უფრო მცირეა ცალკეული ნიმუშისათვის ტემპერატურის საკვლევ ინტერვალში.

ნახ.4-ზე მოყვანილია დამოკიდებულება ელექტრონული ვარგისიანობის ფაქტორსა და განზოგადოებულ პარამეტრს შორის. როგორც ნახაზიდან ჩანს, იგი პრაქტიკულად წრფივია.  $ZT$  -  $B^*$  დამოკიდებულების წრფივობა ნაჩვენებია [2]-ში ცვლადების უფრო მაღალი მნიშვნელობებისათვის.



ნახ.4. ZT-  $B^*$  დამოკიდებულება.

ბოლოს მოვიყვანოთ დამოკიდებულება უშუალოდ მასალის განზოგადოებულ პარამეტრსა და ელექტრონული ვარგისიანობის ფაქტორს შორის (ნახ.5).



ნახ.5. (a)  $B^*$ -  $B_E$  და (b)  $m^*/m_0$  -  $B^*$  დამოკიდებულებები. წყვეტილი ხაზი - ფორმულა (2)-ის მიხედვით.

ამ პარამეტრთა გამოსახულებების კომბინაციათა მარტივი გარდაქმნით მივიღებთ:  $B^* \cong 1.544 \cdot 10^4 E_g B_E / k$ , რაც ნიშნავს იმას, რომ

$B^* \cong (0.088x + 0.238) \cdot 10^4 B_E$  (2) (იხ. სტრიქონსქვედა შენიშვნა<sup>(2)</sup>). ეს ფორმულა მოსახერხებელია იმ თვალსაზრისით, რომ პირდაპირ აკავშირებს მასალის განზოგადოებულ პარამეტრს ელექტრონული ვარგისიანობის ფაქტორთან  $Si_{1-x}Ge_x$ -ის მოცემული შემადგენლობისათვის.

### დამატება

მუხტის მატარებელთა ეფექტური მასების გამისათვლელად გამოვიყენეთ შემდეგი ფორმულა [6]:

$$\frac{m^*}{m_0} \cong 1.059 \cdot 10^{-15} \left( \frac{n^{2/3}}{T} \right) \left\{ \frac{3[e^{(S_r-2)} - 0.17]}{1 + e^{-5(S_r - S_r^{-1})}} + \frac{S_r}{1 + e^{5(S_r - S_r^{-1})}} \right\} \cong \frac{6.608 \cdot 10^{-15}}{T} [ne^{(S_r-2)}]^{2/3}. \quad (3)$$

კონცენტრაციისა და ტემპერატურის სიდიდეთა გათვალისწინებით განტოლება (3) მიიღებს სახეს:  $m^*/m_0 \cong 0.816(e^{S_r-2})^{2/3}$  (იხ. ნახ.1b-ზე მოყვანილი  $m^*/m_0$  - x დამოკიდებულება).

სტრიქონსქვედა შენიშვნები:

<sup>(1)</sup> ამ სიდიდეს უწოდებენ აგრეთვე ვარგისიანობის (პირველად) ეფექტურ პარამეტრს.

<sup>(2)</sup>  $E_g/k - x$  დამოკიდებულების წრფივობიდან (ნახ.1c) გამოდის, რომ  $E_g/k \approx 0.057x + 0.154$ .

## დასკვნა

განხილულია სილიციუმ-გერმანიუმის შენადნობის ( $\text{Si}_{1-x}\text{Ge}_{1-x}$ ,  $x=0.7, 0.72, 0.76, 0.8$  და  $0.83$ )  $B^*$ ,  $B_E$  და  $ZT$  პარამეტრები. გაანალიზებულია  $E_g - x$ ,  $B^* - x$ ,  $ZT - x$ ,  $m^*/m_0 - x$ ,  $B_E - B^*$  და  $m^*/m_0 - B^*$  დამოკიდებულებები.

## გამოყენებული ლიტერატურა

1. X.Zhang, Z.Bu et al. Electronic quality factor for thermoelectrics. *Science Advances*, 2020, 6, eabc0726.
2. W.Liu, J.Zhou et al. New insight into the material parameter B to understand the enhanced thermoelectric performance of  $\text{Mg}_2\text{Sn}_{1-x-y}\text{Ge}_x\text{Sb}_y$ . *Energy Environm. Sci.*, 2016, 9, 530-539.
3. A.M.Al-sheikh, M.M.Hussien, S.J.Abdullah. Pressure and temperature dependence of energy gap in SiC and  $\text{Si}_{1-x}\text{Ge}_x$ . *Raf. Sci.*, 2019, 28, 53-61.
4. G.Bokuchava, K.Barbakadze, I.Nakhutsrishvili. Thermoelectric parameters of alloy p- $\text{Si}_{0.7}\text{Ge}_{0.3}$ . *Bull. Georg. Acad. Sci.*, 2023, 17, 33-37.
5. G.Bokuchava, K.Barbakadze, I.Nakhutsrishvili. On the thermoelectric alloy n- $\text{Si}_{1-x}\text{Ge}_{1-x}$ . *Material Sci. & Engin.*, 2023, 7, 54-57.
6. G.J.Snyder, A.Pereyra, R.Gurunathan. Effective mass from Seebeck coefficient. *Adv. Funct. Materials*. 2022, 32, 2112772.

# Dependence of the Thermoelectric Characteristics of the Silicon-Germanium Alloy on the Generalized Parameter of the Material and Electronic Quality Factor

Rafiel Tkhinvaleli,<sup>1</sup> Zurab Adamia,<sup>2,3</sup> Lasha Loria,<sup>2</sup> Irakli Nakhutsrishvili<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Institute of Cybernetics of Georgian Technical University; <sup>2</sup>Sukhumi Institute of Physics and Technology;

<sup>3</sup>University of Georgia; <sup>4</sup>Tbilisi State University

## Summary

The generalized parameter  $B^*$  of silicon-germanium alloy is discussed. The influence of the phase composition of the material ( $Si_xGe_{1-x}$ ,  $x=0.7, 0.72, 0.76, 0.8$  and  $0.83$ ) on the mentioned parameter under conditions close to room temperature has been studied. The relationship between the electronic quality factor and the generalized parameter is also constructed. A formula has been obtained ( $B^* \approx (0.088x + 0.238) \cdot 10^4 B_E$ ) that directly relates the generalized material parameter to the electronic correspondence coefficient for a given composition of  $Si_xGe_{1-x}$ .

**Keywords:**  $Si_xGe_{1-x}$  alloy, generalized parameter of thermoelectric material, electronic quality factor.